

## Partie 1 : Algèbre & Second Degré

### Question 1

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = -2x^2 + 8x - 6$ . Sa forme canonique est :

- **A)**  $f(x) = -2(x - 2)^2 + 2$
- **B)**  $f(x) = -2(x + 2)^2 + 2$
- **C)**  $f(x) = -2(x - 4)^2 + 26$
- **D)**  $f(x) = 2(x - 2)^2 - 2$

### Question 2

L'ensemble des solutions de l'inéquation  $3x^2 - 5x - 2 \leq 0$  est :

- **A)**  $] -\infty ; -1/3] \cup [2 ; +\infty[$
- **B)**  $[-1/3 ; 2]$
- **C)**  $[-2 ; 1/3]$
- **D)**  $\emptyset$

### Question 3

On considère l'équation  $x^2 + (m-1)x + 4 = 0$ , où  $m$  est un nombre réel. Pour quelle(s) valeur(s) de  $m$  cette équation possède-t-elle une unique solution réelle ?

- **A)**  $m = 5$  uniquement
- **B)**  $m = -3$  ou  $m = 5$
- **C)**  $m = 3$  ou  $m = -5$
- **D)** Aucune valeur de  $m$

### Question 4

Soit  $P(x)$  un polynôme du second degré dont la courbe représentative possède un sommet de coordonnées  $S(1 ; -4)$  et qui coupe l'axe des ordonnées au point  $A(0 ; -2)$ . L'expression de  $P(x)$  est :

- **A)**  $P(x) = 2x^2 - 4x - 2$
- **B)**  $P(x) = -2x^2 + 4x - 2$
- **C)**  $P(x) = 2(x+1)^2 - 4$
- **D)**  $P(x) = x^2 - 2x - 2$

### Question 5

Le produit de deux nombres réels est égal à 36 et leur somme est égale à 15. Ces deux nombres sont les solutions de l'équation :

- **A)**  $x^2 + 15x + 36 = 0$
- **B)**  $x^2 - 15x - 36 = 0$
- **C)**  $x^2 - 15x + 36 = 0$
- **D)**  $x^2 - 36x + 15 = 0$

## Partie 2 : Analyse & Dérivation

### Question 6

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  par  $f(x) = \frac{2x+3}{x-1}$ . Sa fonction dérivée  $f'$  est donnée par :

- **A)**  $f'(x) = \frac{2}{(x-1)^2}$
- **B)**  $f'(x) = \frac{5}{(x-1)^2}$
- **C)**  $f'(x) = -\frac{5}{(x-1)^2}$
- **D)**  $f'(x) = -\frac{1}{(x-1)^2}$

### Question 7

La droite d'équation  $y = 4x - 3$  est la tangente à la courbe d'une fonction  $g$  au point d'abscisse  $x_0 = 2$ . On peut en déduire que :

- **A)**  $g(2) = 4$  et  $g'(2) = -3$
- **B)**  $g(2) = 5$  et  $g'(2) = 4$
- **C)**  $g(2) = 4$  et  $g'(2) = 5$
- **D)**  $g(2) = 2$  et  $g'(2) = 4$

### Question 8

Soit  $h$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $h(x) = x^3 - 3x^2 + 5$ . Sur quel intervalle la fonction  $h$  est-elle strictement décroissante ?

- **A)**  $]-\infty ; 0]$
- **B)**  $[2 ; +\infty[$
- **C)**  $[0 ; 2]$
- **D)**  $[-1 ; 1]$

### Question 9

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$ . Rappel bonus :  $\sqrt{u} \rightarrow \frac{u'}{2\sqrt{u}}$

Sa dérivée est :

- **A)**  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x^2 + 3}}$
- **B)**  $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 3}}$
- **C)**  $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 3}}$
- **D)**  $f'(x) = x\sqrt{x^2 + 3}$

### Question 10

Si une fonction  $f$  est dérivable sur  $\mathbb{R}$  et que sa fonction dérivée  $f'$  est strictement positive sur  $\mathbb{R}$ , alors la courbe de  $f$  :

- **A)** Est située entièrement au-dessus de l'axe des abscisses.
- **B)** Ne coupe jamais l'axe des abscisses.
- **C)** Traverse l'axe des abscisses exactement une fois.
- **D)** Est strictement croissante sur  $\mathbb{R}$ .

## Partie 3 : Suites Numériques (30 min)

### Question 11

Soit  $(u_n)$  la suite arithmétique de premier terme  $u_0 = 5$  et de raison  $r = -3$ . La valeur de  $u_{20}$  est :

- A) -55
- B) -60
- C) -52
- D) -45

### Question 12

Soit  $(v_n)$  la suite géométrique de premier terme  $v_0 = 2$  et de raison  $q = 3$ . La somme  $S = v_0 + v_1 + \dots + v_5$  est égale à :

- A) 728
- B) 2186
- C) 1456
- D) 364

### Question 13

Une suite  $(w_n)$  est définie pour tout  $n \in \mathbb{N}$  par  $w_n = \frac{3n-1}{n+2}$ . On peut affirmer que la suite  $(w_n)$  :

- A) Est décroissante
- B) Est croissante
- C) N'est pas monotone
- D) Est constante

### Question 14

Soit la suite  $(a_n)$  définie par  $a_0 = 1$  et pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $a_{n+1} = 2a_n + 3$ . On pose  $b_n = a_n + 3$ . La suite  $(b_n)$  est :

- A) Arithmétique de raison 3
- B) Géométrique de raison 2 et de premier terme  $b_0 = 4$
- C) Géométrique de raison 3 et de premier terme  $b_0 = 1$
- D) Arithmétique de raison 2

### Question 15 On considère l'algorithme Python suivant :

```
defseuil():  
    u = 100  
    n = 0  
    while u > 40:  
        u = 0.8 * u + 1  
        n = n + 1  
    return n
```

Quelle est la valeur renvoyée par cet algorithme ?

- A) 4
- B) 5
- C) 6
- D) L'algorithme boucle à l'infini

## Partie 4 : Géométrie Vectorielle & Probabilités

### Question 16

Dans un repère orthonormé, on donne les vecteurs  $u(2 ; -3)$  et  $v(k ; 4)$ . Pour quelle valeur du réel  $k$  les vecteurs  $u$  et  $v$  sont-ils orthogonaux ?

- A)  $k = 6$
- B)  $k = -6$
- C)  $k = 8/3$
- D)  $k = -8/3$

### Question 17

Soit  $A(1 ; 2)$  et  $B(5 ; -1)$  deux points du plan. Une équation cartésienne de la droite passant par  $A$  et dont un vecteur normal est  $\vec{n}(3 ; 2)$  est :

- A)  $3x + 2y - 7 = 0$
- B)  $3x + 2y + 7 = 0$
- C)  $2x - 3y + 4 = 0$
- D)  $3x + 2y - 13 = 0$

### Question 18

Le cercle  $C$  a pour équation cartésienne  $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 3 = 0$ . Son centre  $\Omega$  et son rayon  $R$  sont :

- A)  $\Omega(-2 ; 3)$  et  $R = \sqrt{3}$
- B)  $\Omega(2 ; -3)$  et  $R = 4$
- C)  $\Omega(2 ; -3)$  et  $R = 16$
- D)  $\Omega(-4 ; 6)$  et  $R = 3$

### Question 19

Deux événements  $A$  et  $B$  sont tels que  $P(A) = 0,6$ ,  $P(B) = 0,4$  et  $P(A \cup B) = 0,76$ . Les événements  $A$  et  $B$  sont-ils indépendants ?

- A) Oui, car  $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$
- B) Non, car  $P(A) + P(B) \neq 1$
- C) Oui, car  $P(A \cap B) = 0,24$
- D) On ne peut pas le déterminer

### Question 20

Une urne contient 3 boules rouges et 7 boules vertes. On tire successivement et avec remise 4 boules de cette urne. Soit  $X$  la variable aléatoire qui compte le nombre de boules rouges obtenues. La probabilité d'obtenir exactement 2 boules rouges est égale à :

- A)  $0,3^2 \times 0,7^2$
- B)  $6 \times 0,3^2 \times 0,7^2$
- C)  $4 \times 0,3^2 \times 0,7^2$
- D)  $0,3 \times 0,7$

## Correction & Justifications (Pour le Professeur)

Question	Réponse	Notion clé / Justification
Q1	<b>A</b>	Forme canonique : $\alpha = -b/(2a) = 2$ et $\beta = f(2) = 2$ .
Q2	<b>B</b>	$\Delta = 49$ . Racines : $-1/3$ et $2$ . Le signe est négatif entre les racines.
Q3	<b>B</b>	$\Delta = (m-1)^2 - 16 = 0$ lorsque $m-1 = \pm 4$ .
Q4	<b>A</b>	$P(x) = a(x-1)^2 - 4$ . Avec $P(0) = -2$ , on a $a - 4 = -2$ d'où $a = 2$ .
Q5	<b>C</b>	L'équation associée à la somme $S$ et au produit $P$ est $x^2 - Sx + P = 0$ .
Q6	<b>C</b>	Formule $(u/v)'$ : $(2(x-1) - (2x+3))/(x-1)^2 = -5/(x-1)^2$ .
Q7	<b>B</b>	Le coefficient directeur correspond à $g'(2) = 4$ et $g(2) = 4(2) - 3 = 5$ .
Q8	<b>C</b>	$h'(x) = 3x^2 - 6x = 3x(x-2)$ , négative sur $[0 ; 2]$ .
Q9	<b>B</b>	Formule $(\sqrt{u})' = u'/(2\sqrt{u}) = 2x / (2\sqrt{x^2+3})$ .
Q10	<b>D</b>	Une dérivée strictement positive implique la stricte croissance de la fonction.
Q11	<b>A</b>	$u_{20} = u_0 + 20r = 5 + 20 \times (-3) = -55$ .
Q12	<b>A</b>	$S = 2 \times \frac{1-3^6}{1-3} = 728$ .
Q13	<b>B</b>	L'étude de la fonction ou de $w_{n+1} - w_n$ montre qu'elle est strictement croissante.
Q14	<b>B</b>	$b_{n+1} = a_{n+1} + 3 = 2a_n + 6 = 2(a_n + 3) = 2b_n$ avec $b_0 = 4$ .
Q15	<b>B</b>	La boucle s'exécute 11 fois avant que la valeur de $u$ ne descende sous 40.

Question	Réponse	Notion clé / Justification
Q16	<b>A</b>	Orthogonalité : $u \cdot v = 0 \Leftrightarrow 2k + (-3) \times 4 = 0 \Leftrightarrow 2k = 12$ .
Q17	<b>A</b>	$3x + 2y + c = 0$ . En passant par $A(1;2)$ , $3(1) + 2(2) + c = 0 \Leftrightarrow c = -7$ .
Q18	<b>B</b>	$(x-2)^2 - 4 + (y+3)^2 - 9 - 3 = 0 \Leftrightarrow (x-2)^2 + (y+3)^2 = 16$ . Rayon = $\sqrt{16} = 4$ .
Q19	<b>A</b>	$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B) = 0,24$ . Or $P(A) \times P(B) = 0,24$ .
Q20	<b>B</b>	Loi binomiale $B(4 ; 0,3)$ . $P(X=2) = \binom{4}{2} \times 0,3^2 \times 0,7^2 = 6 \times 0,3^2 \times 0,7^2$ .