

Exercice 1

Compléter :

►1. $\frac{\dots}{16} = \frac{7}{4}$
 ►2. $\frac{5}{8} = \frac{\dots}{80}$

►3. $\frac{15}{\dots} = \frac{5}{2}$
 ►4. $\frac{56}{63} = \frac{\dots}{9}$

►5. $\frac{16}{18} = \frac{\dots}{9}$
 ►6. $\frac{4}{9} = \frac{40}{\dots}$

►7. $\frac{2}{\dots} = \frac{1}{9}$
 ►8. $\frac{70}{80} = \frac{7}{\dots}$

Exercice 2

Calculer les expressions suivantes en détaillant les calculs.

A = $12 - 4 \times 2$

B = $9 \div 9 \times 2$

C = $5 + 3 - 5$

D = $4 + 10 + 4 \times 5 \div (8 - 6)$

E = $9 \times 11 + 12 + 9 \div (6 - 3)$

F = $9 \times 4 + 7 + 3 \div 3 - 11$

G = $10 - 6 + 13 + 5 \div 5 \times 2$

H = $2 + 1,8 + 3,4 \times 1,8 - 4,2$

I = $1,8 \times 5,6 + 3,2 + 9,8 - 7,8$

Exercice 3

Calculer en détaillant les étapes. Donner le résultat sous la forme d'une fraction la plus simple possible (ou d'un entier lorsque c'est possible).

►1. $A = \frac{36}{49} \times \frac{63}{40}$ | ►2. $B = \frac{3}{20} \times \frac{100}{21}$ | ►3. $C = \frac{7}{60} \times \frac{36}{7}$ | ►4. $D = \frac{35}{72} \times \frac{18}{35}$

Exercice 4

Effectuer sans calculatrice :

►1. $-9 + (-2) = \dots$
 ►2. $-1 + 8 = \dots$
 ►3. $5 + 8 = \dots$
 ►4. $-8 + 2 = \dots$
 ►5. $4 + 2 = \dots$
 ►6. $\dots + 3 = 11$
 ►7. $\dots - 3 = 8$
 ►8. $-4 + 10 = \dots$

►9. $-2 + 8 = \dots$
 ►10. $\dots - (-6) = -3$
 ►11. $-7 + 1 = \dots$
 ►12. $-1 - \dots = -9$
 ►13. $\dots - (-8) = 4$
 ►14. $1 + \dots = -1$
 ►15. $9,5 - 4,1 = \dots$
 ►16. $-1,2 + (-9,5) = \dots$

►17. $7,6 + (-4,2) = \dots$
 ►18. $\dots + (-7,4) = -13,7$
 ►19. $0 - 2,4 = \dots$
 ►20. $\dots - (-8,5) = 0,300\,000\,000\,000\,001$

Exercice 5

Calculer en détaillant les étapes. Donner le résultat sous la forme d'une fraction la plus simple possible (ou d'un entier lorsque c'est possible).

►1. $A = \frac{4}{2} - \frac{2}{2}$ | ►3. $C = \frac{3}{3} + 1$ | ►5. $E = \frac{4}{24} + \frac{10}{4}$ | ►7. $G = \frac{4}{4} - \frac{5}{36}$
 ►2. $B = \frac{6}{7} + 10$ | ►4. $D = \frac{7}{3} + 1$ | ►6. $F = 6 - \frac{6}{4}$ | ►8. $H = \frac{10}{4} - \frac{1}{24}$

Exercice 6

Effectuer sans calculatrice :

►1. $\dots - 6 = -10$
 ►2. $-2 + (-6) = \dots$

►3. $\dots \div (-8) = 4$
 ►4. $-5 \times (-10) = \dots$

►5. $-1 + (-4) = \dots$
 ►6. $7 - 3 = \dots$

- | | | |
|---------------------------|-------------------------------|-----------------------------|
| ►7. $-21 \div 3 = \dots$ | ►12. $\dots \times (-3) = 18$ | ►17. $-1 \times \dots = -6$ |
| ►8. $-40 \div 10 = \dots$ | ►13. $28 \div (-7) = \dots$ | ►18. $8 + 1 = \dots$ |
| ►9. $-1 \times \dots = 5$ | ►14. $-1 + (-2) = \dots$ | ►19. $\dots - 9 = -6$ |
| ►10. $2 - 5 = \dots$ | ►15. $3 \times (-10) = \dots$ | ►20. $-1 + (-1) = \dots$ |
| ►11. $0 - 2 = \dots$ | ►16. $\dots \div (-6) = 9$ | |

Exercice 7

Calculer en détaillant les étapes. Donner le résultat sous la forme d'une fraction la plus simple possible (ou d'un entier lorsque c'est possible).

- | | | | |
|-----------------------------|-------------------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|
| ►1. $A = 2,5 - \frac{3}{6}$ | ►3. $C = 1 - \frac{2}{8}$ | ►5. $E = \frac{6}{25} + \frac{2}{5}$ | ►7. $G = \frac{3}{7} + \frac{10}{9}$ |
| ►2. $B = 7 - \frac{7}{10}$ | ►4. $D = \frac{9}{5} - \frac{1}{6}$ | ►6. $F = \frac{1}{4} + \frac{6}{5}$ | ►8. $H = \frac{9}{7} + \frac{4}{7}$ |

Exercice 8

Réduire chacune des expressions littérales suivantes :

$A = (-10x + 8) - 2 + 6x$	$D = -5 - 7x - (-6x - 3)$
$B = 3x - (2x + 3) + 7$	$E = 5 + (-5x - 3) + 10x$
$C = -(-9x + 1) + 5x + 7$	$F = 5x + 9 - (-x + 1)$

Exercice 9

Calculer les expressions suivantes et donner le résultat sous la forme d'une fraction irréductible.

$A = \frac{15}{11} + \frac{-9}{11} \times \frac{22}{3}$	$B = \frac{\frac{-3}{4} + 9}{\frac{-7}{4} - 6}$	$C = \frac{9}{4} \times \left(\frac{1}{12} - \frac{9}{7} \right)$
---	---	--

Exercice 10

- 1. Les nombres 65 520 et 7 150 sont-ils premiers entre eux ?
- 2. Calculer le plus grand commun diviseur (PGCD) de 65 520 et 7 150.
- 3. Simplifier la fraction $\frac{65\ 520}{7\ 150}$ pour la rendre irréductible en indiquant la méthode.

Corrigé de l'exercice 1

Compléter :

►1. $\frac{28}{16} = \frac{7(\times 4)}{4(\times 4)}$

►2. $\frac{5(\times 10)}{8(\times 10)} = \frac{50}{80}$

►3. $\frac{15}{6} = \frac{5(\times 3)}{2(\times 3)}$

►4. $\frac{56}{63} = \frac{8(\times 7)}{9(\times 7)}$

►5. $\frac{16}{18} = \frac{8(\times 2)}{9(\times 2)}$

►6. $\frac{4(\times 10)}{9(\times 10)} = \frac{40}{90}$

►7. $\frac{2}{18} = \frac{1(\times 2)}{9(\times 2)}$

►8. $\frac{70}{80} = \frac{7(\times 10)}{8(\times 10)}$

Corrigé de l'exercice 2

Calculer les expressions suivantes en détaillant les calculs.

$$A = 12 - 4 \times 2$$

$$A = 12 - 8$$

$$\boxed{A = 4}$$

$$B = 9 \div 9 \times 2$$

$$B = 1 \times 2$$

$$\boxed{B = 2}$$

$$C = 5 + 3 - 5$$

$$C = 8 - 5$$

$$\boxed{C = 3}$$

$$D = 4 + 10 + 4 \times 5 \div (8 - 6)$$

$$D = 4 + 10 + 4 \times 5 \div 2$$

$$D = 4 + 10 + 20 \div 2$$

$$D = 4 + 10 + 10$$

$$D = 14 + 10$$

$$\boxed{D = 24}$$

$$E = 9 \times 11 + 12 + 9 \div (6 - 3)$$

$$E = 9 \times 11 + 12 + 9 \div 3$$

$$E = 99 + 12 + 9 \div 3$$

$$E = 99 + 12 + 3$$

$$E = 111 + 3$$

$$\boxed{E = 114}$$

$$F = 9 \times 4 + 7 + 3 \div 3 - 11$$

$$F = 36 + 7 + 3 \div 3 - 11$$

$$F = 36 + 7 + 1 - 11$$

$$F = 43 + 1 - 11$$

$$F = 44 - 11$$

$$\boxed{F = 33}$$

$$G = 10 - 6 + 13 + 5 \div 5 \times 2$$

$$G = 10 - 6 + 13 + 1 \times 2$$

$$G = 10 - 6 + 13 + 2$$

$$G = 4 + 13 + 2$$

$$G = 17 + 2$$

$$\boxed{G = 19}$$

$$H = 2 + 1,8 + 3,4 \times 1,8 - 4,2$$

$$H = 2 + 1,8 + 6,12 - 4,2$$

$$H = 3,8 + 6,12 - 4,2$$

$$H = 9,92 - 4,2$$

$$\boxed{H = 5,72}$$

$$I = 1,8 \times 5,6 + 3,2 + 9,8 - 7,8$$

$$I = 10,08 + 3,2 + 9,8 - 7,8$$

$$I = 13,280000000000001 + 9,8 - 7,8$$

$$I = 23,080000000000002 - 7,8$$

$$\boxed{I = 15,280000000000001}$$

Corrigé de l'exercice 3

Calculer en détaillant les étapes. Donner le résultat sous la forme d'une fraction la plus simple possible (ou d'un entier lorsque c'est possible).

►1. $A = \frac{36}{49} \times \frac{63}{40}$

$$A = \frac{4 \times 9 \times 7 \times 9}{7 \times 7 \times 4 \times 10}$$

$$A = \frac{81}{70}$$

►2. $B = \frac{3}{20} \times \frac{100}{21}$

$$B = \frac{3 \times 20 \times 5}{20 \times 3 \times 7}$$

$$B = \frac{5}{7}$$

►3. $C = \frac{7}{60} \times \frac{36}{7}$

$$C = \frac{7 \times 12 \times 3}{12 \times 5 \times 7}$$

$$C = \frac{3}{5}$$

►4. $D = \frac{35}{72} \times \frac{18}{35}$

$$D = \frac{35 \times 18 \times 1}{18 \times 4 \times 35}$$

$$D = \frac{1}{4}$$

Corrigé de l'exercice 4

Effectuer sans calculatrice :

- 1. $-9 + (-2) = -11$
- 2. $-1 + 8 = 7$
- 3. $5 + 8 = 13$
- 4. $-8 + 2 = -6$
- 5. $4 + 2 = 6$
- 6. $8 + 3 = 11$
- 7. $11 - 3 = 8$

- 8. $-4 + 10 = 6$
- 9. $-2 + 8 = 6$
- 10. $-9 - (-6) = -3$
- 11. $-7 + 1 = -6$
- 12. $-1 - 8 = -9$
- 13. $-4 - (-8) = 4$
- 14. $1 + (-2) = -1$

- 15. $9,5 - 4,1 = 5,4$
- 16. $-1,2 + (-9,5) = -10,7$
- 17. $7,6 + (-4,2) = 3,4$
- 18. $-6,3 + (-7,4) = -13,7$
- 19. $0 - 2,4 = -2,4$
- 20. $-8,2 - (-8,5) = 0,300\,000\,000\,000\,001$

Corrigé de l'exercice 5

Calculer en détaillant les étapes. Donner le résultat sous la forme d'une fraction la plus simple possible (ou d'un entier lorsque c'est possible).

►1. $A = \frac{4}{2} - \frac{2}{2}$

$$\begin{aligned} A &= \frac{2}{2} \\ A &= 1 \end{aligned}$$

►2. $B = \frac{6}{7} + 10$

$$\begin{aligned} B &= \frac{6}{7} + \frac{10 \times 7}{1 \times 7} \\ B &= \frac{6}{7} + \frac{70}{7} \\ B &= \frac{76}{7} \end{aligned}$$

►3. $C = \frac{3}{3} + 1$

$$\begin{aligned} C &= \frac{3}{3} + \frac{1 \times 3}{1 \times 3} \\ C &= \frac{3}{3} + \frac{3}{3} \end{aligned}$$

►4. $D = \frac{7}{3} + 1$

$$\begin{aligned} D &= \frac{7}{3} + \frac{1 \times 3}{1 \times 3} \\ D &= \frac{7}{3} + \frac{3}{3} \\ D &= \frac{10}{3} \end{aligned}$$

►5. $E = \frac{4}{24} + \frac{10}{4}$

$$\begin{aligned} E &= \frac{4}{24} + \frac{10 \times 6}{4 \times 6} \\ E &= \frac{4}{24} + \frac{60}{24} \end{aligned}$$

►6. $F = 6 - \frac{6}{4}$

$$\begin{aligned} F &= \frac{6 \times 4}{1 \times 4} - \frac{6}{4} \\ F &= \frac{24}{4} - \frac{6}{4} \\ F &= \frac{18}{4} \\ F &= \frac{9 \times 2}{2 \times 2} \\ F &= \frac{9}{2} \end{aligned}$$

►7. $G = \frac{4}{4} - \frac{5}{36}$

$$\begin{aligned} G &= \frac{4 \times 9}{4 \times 9} - \frac{5}{36} \\ G &= \frac{36}{36} - \frac{5}{36} \\ G &= \frac{31}{36} \end{aligned}$$

►8. $H = \frac{10}{4} - \frac{1}{24}$

$$\begin{aligned} H &= \frac{10 \times 6}{4 \times 6} - \frac{1}{24} \\ H &= \frac{60}{24} - \frac{1}{24} \\ H &= \frac{59}{24} \end{aligned}$$

Corrigé de l'exercice 6

Effectuer sans calculatrice :

- 1. $-4 - 6 = -10$
- 2. $-2 + (-6) = -8$
- 3. $-32 \div (-8) = 4$
- 4. $-5 \times (-10) = 50$
- 5. $-1 + (-4) = -5$
- 6. $7 - 3 = 4$
- 7. $-21 \div 3 = -7$

- 8. $-40 \div 10 = -4$
- 9. $-1 \times (-5) = 5$
- 10. $2 - 5 = -3$
- 11. $0 - 2 = -2$
- 12. $-6 \times (-3) = 18$
- 13. $28 \div (-7) = -4$
- 14. $-1 + (-2) = -3$

- 15. $3 \times (-10) = -30$
- 16. $-54 \div (-6) = 9$
- 17. $-1 \times 6 = -6$
- 18. $8 + 1 = 9$
- 19. $3 - 9 = -6$
- 20. $-1 + (-1) = -2$

Corrigé de l'exercice 7

Calculer en détaillant les étapes. Donner le résultat sous la forme d'une fraction la plus simple possible (ou d'un entier lorsque c'est possible).

<p>►1. $A = 2,5 - \frac{3}{6}$</p> $A = \frac{25 \times 3}{10 \times 3} - \frac{3 \times 5}{6 \times 5}$ $A = \frac{75}{30} - \frac{15}{30}$ $A = \frac{60}{30}$ $A = \frac{2 \times 30}{1 \times 30}$ $A = 2$ <p>►2. $B = 7 - \frac{7}{10}$</p> $B = \frac{7 \times 10}{1 \times 10} - \frac{7}{10}$ $B = \frac{70}{10} - \frac{7}{10}$ $B = \frac{63}{10}$	<p>►3. $C = 1 - \frac{2}{8}$</p> $C = \frac{1 \times 8}{1 \times 8} - \frac{2}{8}$ $C = \frac{8}{8} - \frac{2}{8}$ $C = \frac{6}{8}$ $C = \frac{3 \times 2}{4 \times 2}$ $C = \frac{3}{4}$ <p>►4. $D = \frac{9}{5} - \frac{1}{6}$</p> $D = \frac{9 \times 6}{5 \times 6} - \frac{1 \times 5}{6 \times 5}$ $D = \frac{54}{30} - \frac{5}{30}$	$D = \frac{49}{30}$ <p>►5. $E = \frac{6}{25} + \frac{2}{5}$</p> $E = \frac{6}{25} + \frac{2 \times 5}{5 \times 5}$ $E = \frac{6}{25} + \frac{10}{25}$ $E = \frac{16}{25}$ <p>►6. $F = \frac{1}{4} + \frac{6}{5}$</p> $F = \frac{1 \times 5}{4 \times 5} + \frac{6 \times 4}{5 \times 4}$ $F = \frac{5}{20} + \frac{24}{20}$ $F = \frac{29}{20}$	<p>►7. $G = \frac{3}{7} + \frac{10}{9}$</p> $G = \frac{3 \times 9}{7 \times 9} + \frac{10 \times 7}{9 \times 7}$ $G = \frac{27}{63} + \frac{70}{63}$ $G = \frac{97}{63}$ <p>►8. $H = \frac{9}{7} + \frac{4}{7}$</p> $H = \frac{13}{7}$
--	--	---	--

Corrigé de l'exercice 8

Réduire chacune des expressions littérales suivantes :

$$\begin{aligned} A &= (-10x + 8) - 2 + 6x \\ A &= -10x + 8 + 6x - 2 \\ A &= -10x + 6x + 8 - 2 \\ A &= (-10 + 6)x + 6 \\ A &= -4x + 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 3x - (2x + 3) + 7 \\ B &= 3x - 2x - 3 + 7 \\ B &= (3 - 2)x + 4 \\ B &= x + 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= -(-9x + 1) + 5x + 7 \\ C &= 9x - 1 + 5x + 7 \\ C &= 9x + 5x - 1 + 7 \\ C &= (9 + 5)x + 6 \\ C &= 14x + 6 \end{aligned}$$

$$D = -5 - 7x - (-6x - 3)$$

$$\begin{aligned} D &= -7x - 5 - (-6x - 3) \\ D &= -7x - 5 + 6x + 3 \\ D &= -7x + 6x - 5 + 3 \\ D &= (-7 + 6)x - 2 \\ D &= -x - 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &= 5 + (-5x - 3) + 10x \\ E &= 5 - 5x - 3 + 10x \\ E &= -5x + 10x + 5 - 3 \\ E &= (-5 + 10)x + 2 \\ E &= 5x + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F &= 5x + 9 - (-x + 1) \\ F &= 5x + 9 + x - 1 \\ F &= 5x + x + 9 - 1 \\ F &= (5 + 1)x + 8 \\ F &= 6x + 8 \end{aligned}$$

Corrigé de l'exercice 9

Calculer les expressions suivantes et donner le résultat sous la forme d'une fraction irréductible.

$$\begin{aligned} A &= \frac{15}{11} + \frac{-9}{11} \times \frac{22}{3} \\ A &= \frac{15}{11} + \frac{-3 \times 3}{1 \times 11} \times \frac{2 \times 11}{1 \times 3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A &= \frac{15}{11} + -6 \\ A &= \frac{15}{11} + \frac{-6 \times 11}{1 \times 11} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A &= \frac{15}{11} + \frac{-66}{11} \\ A &= \boxed{\frac{-51}{11}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 B &= \frac{-3}{\frac{4}{-7} + 9} \\
 &= \frac{-3}{\frac{4}{-7} - 6} \\
 &= \frac{-3}{\frac{4}{-7} + \frac{9 \times 4}{1 \times 4}} \\
 &= \frac{-3}{\frac{4}{-7} - \frac{6 \times 4}{1 \times 4}} \\
 &= \frac{-3}{\frac{4}{-7} + \frac{36}{24}} \\
 &= \frac{33}{4} \div \frac{-31}{4}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 B &= \frac{33}{4} \times \frac{-4}{31} \\
 &= \frac{33}{-1 \times \cancel{4}} \times \frac{1 \times \cancel{4}}{31} \\
 &\boxed{B = \frac{-33}{31}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 C &= \frac{9}{4} \times \left(\frac{1}{12} - \frac{9}{7} \right) \\
 &= \frac{9}{4} \times \left(\frac{1 \times 7}{12 \times 7} - \frac{9 \times 12}{7 \times 12} \right) \\
 &= \frac{9}{4} \times \left(\frac{7}{84} - \frac{108}{84} \right) \\
 &= \frac{9}{4} \times \frac{-101}{84} \\
 &= \frac{3 \times \cancel{3}}{-4 \times \cancel{4}} \times \frac{101 \times \cancel{1}}{28 \times \cancel{3}} \\
 &\boxed{C = \frac{-303}{112}}
 \end{aligned}$$

Corrigé de l'exercice 10

- 1. Les nombres 65 520 et 7 150 sont-ils premiers entre eux ?

65 520 et 7 150 se terminent tous les deux par zéro donc ils sont divisibles par 10.

65 520 et 7 150 ne sont donc pas premiers entre eux

- 2. Calculer le plus grand commun diviseur (PGCD) de 65 520 et 7 150.

On calcule le PGCD des nombres 65 520 et 7 150 en utilisant l'algorithme d'Euclide.

$$65\ 520 = 7\ 150 \times 9 + 1\ 170$$

$$7\ 150 = 1\ 170 \times 6 + 130$$

$$1\ 170 = 130 \times 9 + 0$$

Donc le PGCD de 65 520 et 7 150 est 130 .

- 3. Simplifier la fraction $\frac{65\ 520}{7\ 150}$ pour la rendre irréductible en indiquant la méthode.

$$\begin{aligned}
 \frac{65\ 520}{7\ 150} &= \frac{65\ 520 \div 130}{7\ 150 \div 130} \\
 &= \boxed{\frac{504}{55}}
 \end{aligned}$$